

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Агафонов Александр Викторович  
Должность: директор филиала  
Дата подписания: 20.08.2022 11:25:28  
Уникальный программный ключ:  
2539477a8ecf706dc9cff164bc411eb6d7c4ab06

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ЧЕБОКСАРСКИЙ ИНСТИТУТ (ФИЛИАЛ)  
МОСКОВСКОГО ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО УНИВЕРСИТЕТА**

**Кафедра Управления в технических системах и программирования**

**МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ВЫПОЛНЕНИЮ  
РАСЧЕТНО-ГРАФИЧЕСКИХ РАБОТ**

**«Теория упругости с основами теории пластичности и  
ползучести»**

(наименование дисциплины)

|                              |                                                                                                              |
|------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Направление<br>подготовки    | <b>08.05.01 Строительство уникальных зданий и сооружений</b><br>(код и наименование направления подготовки)  |
| Направленность<br>подготовки | <b>Строительство высотных и большепролетных зданий и<br/>сооружений</b><br>(наименование профиля подготовки) |
| Квалификация<br>выпускника   | <b>Специалист</b>                                                                                            |
| Форма<br>обучения            | <b>очная</b>                                                                                                 |

Чебоксары, 2022

С целью обеспечения выполнения учебного плана студентами, обучающимися индивидуально и по заочной форме обучения, а также в случаях возникновения задолженностей по дисциплине, созданы условия их ликвидации. Для обучающихся этих категорий разработаны индивидуальные задания для самостоятельного выполнения, которые представлены на сайте института <http://sdo.polytech21.ru/>. В течение учебного года на кафедре проводятся консультации согласно графику консультаций в «День заочника», с помощью электронной почты кафедры и преподавателей, а также через систему дистанционного обучения <http://sdo.polytech21.ru/>.

В соответствии с учебным планом специальности студент заочного отделения выполняет контрольную работу.

К выполнению работы следует приступать только после изучения соответствующего теоретического материала курса по учебнику и ознакомления с методическими указаниями.

Выполняя контрольную работу, студент должен придерживаться указанных ниже правил.

1 Контрольная работа пишется по варианту, номер которого определяется по двум последним цифрам  $p$  и  $q$  номера зачетной книжки студента (например: номеру зачетной книжки студента №123456 соответствует 56 вариант, где  $p=5$  и  $q=6$ ). При решении заданий своего варианта студенту необходимо заменить  $p$  и  $q$  соответствующими цифрами. Контрольная работа, выполненная не по своему варианту, не засчитывается.

2 Контрольная работа оформляется в тетради, в которой оставляются поля для замечаний рецензента. На обложке тетради необходимо поместить название предмета, номер зачетной книжки, вариант контрольной работы, заголовок работы, в котором указываются фамилия и инициалы студента, профиль подготовки, фамилия и инициалы преподавателя, ведущего данный предмет.

3 Решение задач следует располагать в порядке номеров, указанных в заданиях, сохраняя номера задач. Перед решением каждой задачи нужно выписать полностью ее условие. Решение задач нужно излагать подробно и аккуратно, объясняя все действия и делая необходимые построения и расчеты.

4 Выполненная студентом контрольная работа предоставляется на проверку не позднее, чем за две недели до начала сессии. При допуске контрольной работы к защите работа студенту не возвращается. В противном случае работа возвращается на доработку.

5 После получения отрецензированной работы студент должен исправить в этой же тетради все отмеченные ошибки и недочеты.

6 Студент, не сдавший контрольную работу в срок, не допускается до экзамена.

Образцы контрольных работ:

### **Контрольная работа № 1**

1. Решить систему линейных уравнений: а) по правилу Крамера. б) средствами матричного исчисления.

$$\begin{cases} x + y + z = 0; \\ 2x + y = 4; \\ x - y - 2z = 5. \end{cases}$$

2. Определить координаты точки пересечения двух взаимно перпендикулярных прямых, проходящих через фокусы эллипса  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ , если известно, что точка  $A(-2, 6)$  лежит на прямой, проходящей через его правый фокус.

3. Даны координаты вершин пирамиды  $A_1A_2A_3A_4$ :  $A_1(3; 1; 4)$ ,  $A_2(-1; 6; 1)$ ,  $A_3(-1; 1; 6)$  и  $A_4(0; 4; -1)$ . Найти: 1) длину ребра  $A_1A_2$ ; 2) косинус угла между ребрами  $A_1A_2$  и  $A_1A_4$ ; 3) площадь грани  $A_1A_2A_3$ ; 4) уравнение грани  $A_1A_2A_3$ ; 5) уравнение высоты, опущенной из вершины  $A_4$  на грань  $A_1A_2A_3$ ; 6) объем пирамиды. Сделать чертеж.

4. Найти производные  $y'$  данных функций.

$$а) y = \frac{3x-4}{\sqrt{x^3+3x-2}}; \quad б) y = (3^{\sin x} - \cos^2 2x)^3; \quad в)$$

$$y = \ln \arcsin \sqrt{1-x^2};$$

$$г) y = \ln^3 \sqrt{\frac{2-x^2}{x^3-6x}}; \quad д) y = (2x+3)^{\operatorname{tg} x}.$$

5. Найти неопределенные интегралы. Правильность результатов проверить дифференцированием.

$$а) \int \frac{x dx}{7+x^2}; \quad б) \int \frac{(x+18) dx}{x^2-4x+12}; \quad в) \int (3-x) \cos x dx.$$

6. Вычислить объем тела, получающегося вращением вокруг оси  $Ox$  криволинейного треугольника, ограниченного линиями.

$$x^2 - y = 0, x = -1, y = 0.$$

### **Контрольная работа № 2**

1. Найти экстремумы функции

$$z = xy - x^2 - 2y^2 + x + 10y - 8.$$

2. Найти общее решение дифференциального уравнения.

$$a) xy' = y \ln\left(\frac{y}{x}\right); \quad б) y'' \operatorname{tg} y = 2(y')^2.$$

3. Найти частное решение дифференциального уравнения второго порядка, удовлетворяющее заданным начальным условиям.

$$y'' + 6y' + 9y = 10e^{-3x}, y(0) = 3, y'(0) = 2.$$

4. Изменить порядок интегрирования в двойном интеграле, сделать чертеж области интегрирования.

$$\int_{-1}^0 dx \int_{8x^3}^{-2x+6} f(x, y) dy.$$

5. Вычислить криволинейный интеграл:

$$\int_{OA} (xy - x) dx + \frac{x^2}{2} dy \text{ вдоль параболы } y^2 = 4x \text{ от начала координат до точки } A(1; 2).$$

6. Исследовать на сходимость числовой ряд с помощью достаточных признаков сходимости

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+5}{4n^3-1}.$$

7. Выяснить сходится ли ряд абсолютно, или условно, или расходится

$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \cdot \frac{1}{2n-1}.$$

8. Найти радиус и интервал сходимости степенного ряда. Исследовать сходимость ряда на концах интервала сходимости

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n^2 + 3}{3^n} (x + 3)^n.$$

### Тестовые задания

1. Произведение  $A \cdot B$  двух квадратных матриц

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 5 & -6 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & -4 \\ 7 & 8 \end{pmatrix} \text{ равно } \dots$$

- 1)  $\begin{pmatrix} 13 & -7 & 8 \\ 9 & -6 & -5 \end{pmatrix}$     2)  $\begin{pmatrix} 17 & 12 \\ -27 & -68 \end{pmatrix}$     3)  $\begin{pmatrix} 17 & -27 \\ -12 & 68 \end{pmatrix}$     4)  $\begin{pmatrix} 7 & 11 \\ 12 & 6 \end{pmatrix}$     5)  $\begin{pmatrix} 8 & -9 \\ 7 & -7 \\ -3 & -5 \end{pmatrix}$

2. Определитель  $\begin{vmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & -4 & -1 \\ -1 & 8 & 3 \end{vmatrix}$  равен...

- 1) -6    2) -16    3) 6    4) 14    5) 16

3. Обратной матрицей для данной матрицы  $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$  является матрица...

- 1)  $\begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$     2)  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$     3)  $\begin{pmatrix} 3 & -2 \\ -4 & 3 \end{pmatrix}$     4)  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ -4 & -3 \end{pmatrix}$   
5)  $\begin{pmatrix} -3 & 2 \\ 4 & -3 \end{pmatrix}$

4. Система  $\begin{cases} x + 2y + 3z = 0, \\ 2x - y + z = 3, \\ 3x + y + 4z = 3. \end{cases}$  имеет...

- 1) одно решение    2) два решения    3) не имеет решений

4) множество решений    5) три решения

5. Решением системы  $\begin{cases} 2x + 7y = 8, \\ 6x + 5y = -8. \end{cases}$  является пара...

- 1) (-3; -2)                  2) (-3; 2)                  3) (3; -2)                  4) (3; 2)                  5) (1; 2)

6. Определитель  $\begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 6 & 2\alpha - 3 \end{vmatrix}$  равен 0 при  $\alpha = \dots$

- 1) -3                  2) 3                  3) 2                  4) 0                  5) 5

7. Даны матрицы  $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ . Матрица  $2A - B^2$  равна...

- 1)  $\begin{pmatrix} -1 & -7 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$                   2)  $\begin{pmatrix} 1 & -7 \\ 6 & -6 \end{pmatrix}$                   3)  $\begin{pmatrix} 1 & -7 \\ -6 & -6 \end{pmatrix}$                   4)  $\begin{pmatrix} 1 & 7 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$   
5)  $\begin{pmatrix} 1 & -7 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$

8. Дана матрица  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 4k - 3 & 2 & -5 \\ -3 & 7 & 10 \end{pmatrix}$ . Алгебраическое дополнение  $A_{33} = 0$  при  $k = \dots$

- 1) -1                  2) 2                  3) 1                  4) 0                  5) -2

9. Дана матрица  $A = \begin{pmatrix} 7 & -3 & 1 \\ 4 & -4 & 0 \\ -2 & 6 & 2 \end{pmatrix}$ . Тогда сумма элементов, расположенных на главной диагонали этой матрицы, равна...

- 1) -5                  2) 5                  3) 13                  4) -7                  5) 10

10. Сумма координат вектора  $AC$  треугольника  $ABC$ :  $AB = \{2; 3; -1\}$   
 $BC = \{-1; 2; 2\}$  равна

- 1) -2;    2) 0;    3) 3;    4) 7;    5) -1.

11. Векторы  $\mathbf{a} = \{2 - \alpha; -1; 3 + \alpha\}$  и  $\mathbf{b} = \{1; 2\alpha; 2\}$  ортогональны, если число  $\alpha$  равно:

1)  $-2$ ; 2)  $0$ ; 3)  $6$ ; 4)  $8$ ; 5)  $-4$ .

12. Скалярное произведение векторов,  $\mathbf{a} = \{2; 3; -1; 1; 0\}$   $\mathbf{b} = \{0; -1; 2; 2; 1\}$  заданных в ортонормированном базисе равно:

1)  $-2$ ; 2)  $-3$ ; 3)  $0$ ; 4)  $1$ ; 5)  $4$ .

13. Угол между векторами  $\mathbf{a} = \{-1; -1; 0\}$  и  $\mathbf{b} = \{1; 0; 1\}$  равен

1)  $30^\circ$ ; 2)  $\arccos 0,75$ ; 3)  $60^\circ$ ; 4)  $120^\circ$ ; 5)  $45^\circ$ .

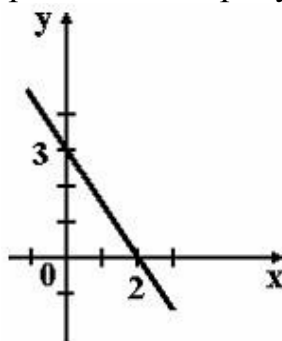
14. Уравнение прямой, проходящей через точки  $A(2; 0; 1)$  и  $B(-1; 1; -3)$ , имеет вид:

1)  $\frac{x-2}{3} = \frac{y}{1} = \frac{z+3}{-4}$ ; 2)  $\frac{x+2}{-3} = \frac{y}{1} = \frac{z+3}{-4}$ ; 3)

$\frac{x-2}{-3} = \frac{y}{1} = \frac{z+1}{-4}$ ;

4)  $\frac{x-2}{-3} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{-4}$ ; 5)  $\frac{x-2}{-3} = \frac{y}{-1} = \frac{z+3}{-4}$ .

15. Уравнение прямой, изображенной на рисунке



имеет вид...

1)  $3x + 2y = 6$ ; 2)  $2x + 3y = 6$ ; 3)  $3x + 2y = 1$ ; 4)  $2x + 3y = 1$ .

16. Даны две смежные вершины квадрата  $A(5,6)$  и  $B(-2,5)$ . Тогда площадь этого квадрата равна...

1)  $50$  2)  $\sqrt{10}$  3)  $\sqrt{50}$  4)  $10$

17. Точкой пересечения плоскости  $-2x + 3y + z - 6 = 0$  с осью  $OY$  является ...

1)  $C(0;3;0)$     2)  $B(0;-2;0)$     3)  $D(0;1;3)$     4)  $A(0;2;0)$

**18.** Установите соответствие между уравнениями плоскости и точками, которые лежат в этих плоскостях

1.  $x + 2y + 3z - 6 = 0$     2.  $3x + y - 4 = 0$     3.  $4y + z - x = 0$

4.  $6x + 5y + z - 1 = 0$

1)  $(0;0;1)$     2)  $(1;1;0)$     3)  $(0;0;0)$     4)  $(1;1;1)$

**19.** Радиус окружности, заданной уравнением  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$ , равен...

1) 5;    2) 3;    3) 4;    4) 2.

**20.** Уравнение  $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{25} = 1$  на плоскости определяет...

- 1) гиперболу
- 2) параболу
- 3) эллипс
- 4) пару прямых

**21.** Предел функции в указанной точке  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{2x^2 + x - 10}$  равен...

1)  $\infty$ ;    2)  $\frac{4}{9}$ ;    3)  $-\frac{4}{9}$ ;    4)  $\frac{9}{4}$ ;    5)  $\frac{1}{3}$ .

**22.** Используя правило Лопиталя предел функции в точке  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - x - 1}{\sin^2 3x}$  равен...

1)  $\frac{3}{7}$     2)  $\frac{7}{18}$     3)  $\frac{1}{18}$     4)  $-\frac{5}{33}$     5)  $\frac{-1}{7}$

**23.** Дифференциал функции  $y = x^2 + 5x - 7$  равен...

1)  $y = (2x + 5)dx$     2)  $y = (x^2 + 5x - 7)dx$     3)

$y = -(x^2 + 5x - 7)dx$

4)  $y = (5 - 2x)dx$     5) не существует

24. Производная частного  $\frac{x}{2x-1}$  равна...
- 1)  $\frac{4x-1}{(2x-1)^2}$     2)  $\frac{1}{(2x-1)^2}$     3)  $-\frac{1}{(2x-1)^2}$     4)  $-\frac{1}{2x-1}$     5)  $\frac{1}{2x-1}$

25. Наименьшее значение функции  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - \frac{2}{3}$  на отрезке  $[-1;1]$  равно...

- 1) 0    2) -2    3)  $-\frac{2}{3}$     4)  $-\frac{4}{3}$     5)  $\frac{5}{9}$

26. Установить четность или нечетность функции  $f(x) = x^4 \sin 7x$  ...

- 1) четная    2) нечетная    3) ни четная, ни нечетная  
4) невозможно определить

27. Точками разрыва функции  $y = \frac{2}{x^2 - 3x + 2}$  являются...

- 1)  $x = 1, x = 2$     2)  $x = 3, x = -2$     3)  $x = -1, x = 2$   
4)  $x = 1, x = -2$     5)  $x = -3, x = 2$

28. Уравнение касательной к графику функции  $f(x) = x^2 + 2$  в точке  $x_0 = 1$  имеет вид...

- 1)  $y - 3 = -\frac{1}{2}(x - 1)$     2)  $y - 2 = 3(x - 1)$     3)  $y - 3 = 2(x - 1)$   
4)  $y - 1 = 2(x - 4)$     5)  $y - 1 = x^2 + 2$

29. Одной из первообразных функции  $y = 3 - 2x$  является функция

- 1)  $3 - x^2$ ;    2)  $3x - x^2 + 1$ ;    3)  $3x - 2$ ;    4)  $3x - 2x^2$ ;    5)  $3x^2 - 2x + 1$ .

**30.** Определенный интеграл, выражающий площадь треугольника с вершинами

$(0; 0), (-2; 0), (-2; -3)$  имеет вид

$$\begin{array}{lll} 1) \int_{-2}^0 \left(-\frac{3}{2}x\right)dx; & 2) \int_{-3}^0 \frac{2}{3}ydy; & 3) \int_{-2}^0 \frac{3}{2}xdx; \\ 4) \int_{-2}^0 \frac{3}{2}ydy; & 5) \int_{-2}^0 2xdx. \end{array}$$

**31.** Площадь фигуры, ограниченной линиями  $y=2x-x^2$  и  $y=-x$ , представляется интегралом

$$\begin{array}{ll} 1) \int_{-3}^1 [(2x-x^2)-x]dx; & 2) \int_0^3 [(2x-x^2)-(-x)]dx; \\ 3) \int_0^3 [(-x)-(2x-x^2)]dx; & 4) \int_0^3 [x-(2x-x^2)]dx; \\ 5) \int_{-3}^1 [x+(2x-x^2)]dx. \end{array}$$

**32.** Площадь фигуры, ограниченной линиями  $y=\sin x$ ,  $y=\frac{2}{\pi}x$  ( $0 \leq x \leq \pi/2$ ), равна

$$1) (\pi+4)/4; \quad 2) \pi/2; \quad 3) \pi/4; \quad 4) (4-\pi)/4; \quad 5) \pi.$$

**33.** Частная производная  $\frac{\partial z}{\partial y}$  от функции  $z=2x^3y-x^2+2y^3-3$  равна

$$\begin{array}{llll} 1) 2x^3+6y^2; & 2) 6x^2y-2x; & 3) 2x^3+6y^2+6x^2y-2x; & 4) 2x^2+6y^3; \\ 5) -2x+6y^2. \end{array}$$

**34.** Общий интеграл дифференциального уравнения  $e^y dy = \frac{dx}{x}$  имеет вид ...

$$1) e^y = \ln|x| + C \quad 2) y = \ln|x| + C \quad 3) e^y = -\frac{1}{x^2} + C \quad 4)$$

$$e^y = x + C$$

**35.** Решением уравнения  $\operatorname{tg} x \cdot y' - y = 2$  является функция ...

$$\begin{array}{lll} 1) y = 3 \cdot \operatorname{tg} x - 2 & 2) y = 3 \cdot \sin x - 2 & 3) y = 3 \cdot \operatorname{ctg} x - 2 \\ 4) y = 3 \cdot \sin x + 2 \end{array}$$

**36.** Из данных дифференциальных уравнений уравнениями с разделяющимися переменными являются ...

$$1) \frac{dy}{dx} = \frac{y^3}{x+1} + 1 \quad 2) y^3 \frac{dy}{dx} + x^3 y = 0 \quad 3) y \frac{dy}{dx} = \frac{x^2}{y^3 + 1}$$

$$4) \frac{dy}{dx} - 2e^x x^2 + y = 0$$

**37.** Из данных дифференциальных уравнений уравнениями Бернулли являются ...

$$1) \frac{dy}{dx} - 3x^2 + y = 0 \quad 2) x \frac{dy}{dx} - y = y^2 e^x \quad 3) y \frac{dy}{dx} + x^3 = 0$$

$$4) \frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \frac{y^3}{x^3}$$

**38.** Каков вид частного решения для данного дифференциального уравнения

$$y'' - 2y' + y = 10e^{3x}?$$

$$1) Ae^{3x}; \quad 2) Ax^2 e^{3x}; \quad 3) Axe^{3x}; \quad 4) Axe^{2x}; \quad 5) Ae^x.$$

**39.** Радиус сходимости степенного ряда  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{3^n}{n+1} x^n$  равен

$$1) 3; \quad 2) \infty; \quad 3) 1; \quad 4) 1/3; \quad 5) 0.$$

**40.** Частичная сумма  $S_3$  ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3}{5^n}$  равна...

$$1) \frac{9}{125} \quad 2) \frac{93}{125} \quad 3) \frac{18}{25} \quad 4) \frac{3}{5}$$